

TP2 Programmation Parallèle : OpenMP

Exercice 1 : Hello world!

Ecrire un programme qui ouvre une région parallèle dans laquelle chaque thread imprime son identifiant. En suite, dans la même région parallèle, afficher "Hello World" par un seul thread. Essayer de faire varier le nombre de threads par les trois manières que l'on a rencontré dans le cours (la variable d'environnement `OMP_NUM_THREADS`, la fonction `omp_set_num_threads()` et la clause `num_threads()`)

Exercice 2 : Calcul de PI

Le nombre π peut être défini comme l'intégrale de 0 à 1 de $f(x) = \frac{4}{1+x^2}$.

Une manière simple d'approximer une intégrale est de discrétiser l'ensemble d'étude de la fonction en utilisant n points.

On considère l'approximation suivante avec $s = \frac{1}{n}$:

$$\pi \approx \int_0^1 \frac{4}{1+x^2} dx \approx \sum_{i=0}^{n-1} s \times \frac{f(i \times s) + f((i+1) \times s)}{2}$$

D'abord, écrire le code séquentiel qui calcul correctement la valeur π .

On peut alors répartir le calcul de π entre p threads. Proposer un programme qui parallélise une approximation de la valeur de PI en utilisant OpenMP. On effectuera deux façons différentes de parallélisation.

Au premier, on parallélisera tout simplement la boucle principale à l'aide de `#pragma omp for`.

Pour la deuxième stratégie "à la main", dans la région parallèle chaque thread parcourra $N/\text{num_threads}$ indices consécutifs pour calculer son π_{local} . Une fois que c'est calculé, les threads additionneront les uns après les autres leur π_{local} dans π (il faudrait utiliser `#pragma omp critical` afin de "séquentialiser" cet étape dans la région parallèle).

Pour les deux codes, tester la performance en utilisant de différents nombres de threads.

Exercice 3 : La conjecture de Goldbach

Le but de cet exercice est de démontrer l'intérêt de l'utilisation de la clause `SCHEDULE` de OpenMP pour améliorer les performances d'un code parallélisé.

Dans le monde de la théorie des nombres, d'après la conjecture de Goldbach: chaque nombre pair supérieur à deux est la somme de deux nombres premiers.

Dans cet exercice, vous allez écrire un code pour tester cette conjecture. Le code permet de trouver le nombre de paires de Goldbach pour un nombre pair donné i (c'est à dire le nombre de paires de nombres premiers P_1, P_2 tels que $P_1 + P_2 = i$) pour $i = 2 \dots 8000$. Le coût de calcul est proportionnel à $i^3/2$, donc pour obtenir une performance optimale avec plusieurs threads la charge de travail doit être distribuée en utilisant intelligemment la clause `SCHEDULE` de OpenMP.

Code séquentiel

On vous demande de:

1. Ecrire une fonction *isprime* qui teste la primalité d'un nombre donné.
2. Ecrire une fonction *goldbach* qui permet de trouver le nombre de paires de nombre premiers pour un nombre pair donné.
3. Dans la fonction *main*
 - (a) Initialiser le tableau *numpairs* à zéro.
 - (b) Modifier le contenu du tableau *numpairs* en appelant la fonction *goldbach*. Le tableau *numpairs* contiendra alors le nombre de paires de Goldbach pour chaque nombre pair jusqu'à 8000.
 - (c) Une fois le tableau *numpairs* a été rempli avec le nombre de paires de Goldbach, tester que la conjecture de Goldbach est vraie, c'est à dire que pour chaque nombre pair supérieur à 2 il existe au moins une paire de Goldbach.

Le résultat obtenu doit être en adéquation avec l'exemple suivant:

Nombre pair	Nombre de paires de Goldbach
2	0
802	16
1602	53
2402	37
3202	40
4002	106
4802	64
5602	64
6402	156
7202	78

Parallélisation du code

On vous demande de:

1. Paralléliser le code séquentiel en utilisant OpenMP (ajouter les directives nécessaires autour de la boucle appelant la fonction *goldbach*) sans préciser d'ordonnancement.
2. Vérifier que votre code trouve la bonne solution en utilisant plusieurs threads.
3. Afin d'accélérer la vitesse de calcul, utiliser un ordonnancement d'abord statique *schedule(static)* puis dynamique *schedule(dynamic)*, en précisant la taille du bloc. Récapitulez tous les résultats dans un tableau et analysez-les. Pour mieux comprendre l'effet des différentes méthodes d'ordonnancement vous pourriez afficher le thread traitant chaque itération.
4. Utiliser un ordonnancement guidé *schedule(guided)*, analyser l'effet de cet ordonnancement sur les performances de votre programme.

Exercice 4 : Produit Matrice Vecteur en OpenMP

Ecrire un programme parallèle qui calcule le produit d'une matrice de taille $N \times N$ et d'un vecteur de taille N :

$$Ax = b$$

en utilisant OpenMP.

Allouer la matrice et l'initialiser de façon orientée par les lignes (c'est à dire, les premières N éléments correspondent à la première ligne $A(0, :)$, puis la deuxième ligne $A(1, :)$, etc) tel que $A(i, j) = i + j$. Allouer les vecteurs x et b de taille N , et initialiser le vector x à 1 et b à 0. En suite, effectuer la multiplication $b = Ax$ ligne-par-ligne.

Une fois que vous avez le code séquentiel, parallélisez-le (chaque ligne peut être initialié indépendamment) et tester l'accélération avec de différents nombres de threads pour un problème de taille fixe.